

نافيه Navier وتلك الطيور المحيرة¹

بقلم: ديدي بريش² Didier Bresch

ترجمة الطالبتين: أشواق بن حمادي

ريحانة جوجو



طيران الطيور، تحدّ للرياضياتيين

ولد كلود لويس ماري هنري نافيه Claude Louis Marie Henri Navier³ بتاريخ 10 فيفري 1785 في مدينة ديجون Dijon الفرنسية. وقبل فترة طويلة من تصميم الإنسان للأجسام الطائرة المزودة بالمحركات، ساهم هذا الرياضياتي، مهندس الطرقات والجسور⁴، بأعماله في ميكانيك الموائع لفهم طيران الطيور. فُيِّبَ ولادة نافيه، أبداع الرياضياتي ليونهارت أويلر Leonhard Euler⁵ في إنشاء جمل معادلات⁶ تحمل اسمه إلى اليوم وتصف جريان المائع مثل الهواء.

¹ العنوان الأصلي للمقالة : NAVIER ET CES DRÔLES D'OISEAUX

موقعها الإلكتروني : <http://www.breves-de-maths.fr/navier-et-ces-droles-doiseaux/>

² عضو في مخبر الرياضيات في جامعة سافوا (université de Savoie) ومدير أبحاث المركز القومي للبحث العلمي (CNRS)،

انظر الموقع : <https://www.lama.univ-savoie.fr/index.php>

صفحته المهنية : <https://www.lama.univ-savoie.fr/pagesmembres/bresch/>

³ انظر الموقع : https://fr.wikipedia.org/wiki/Henri_Navier

⁴ انظر الموقع : https://fr.wikipedia.org/wiki/Ingénieur_des_ponts,_des_eaux_et_des_forêts

⁵ انظر الموقع : https://en.wikipedia.org/wiki/Leonhard_Euler

⁶ انظر الموقع : [https://en.wikipedia.org/wiki/Euler_equations_\(fluid_dynamics\)](https://en.wikipedia.org/wiki/Euler_equations_(fluid_dynamics))

كما اهتم الموسوعي دالمبير ⁷D'Alembert أيضاً بمسألة النمذجة التي تصف جريان المائع، وتوصل إلى هذا الاستنتاج المثير للقلق (مفارقة دالمبير) : «إذن فأنا لا أدرك، أعترف بذلك، كيف يمكن تفسير مقاومة الموائع من الناحية النظرية بأسلوبٍ ملائمٍ. فعلى العكس من ذلك، يبدو لي أن هذه النظرية، عندما تُعالج بعمق ودقة، ستفضي إلى أن المقاومة حتماً معدومة، على الأقل في عدة حالات. إنها مفارقة غريبة للمهندسين عساهم يوضحوها» (ذكرت المفارقة بصورة مفصلة إثر أعمال بري دو سانت فنان Barré de Saint-Venant⁸). إلا أنّ الطيران لا يمكن أن يتم في حال انعدام المقاومة : فكيف يمكن للطير أن تطير وتحلق؟ تدعونا هذه النتيجة الرياضياتية إلى إعادة النظر في النموذج الابتدائي (معادلات أويلر) من أجل "السماح رياضياتياً للطير بالطيران".

بعد ذلك ببضع سنوات، طرحت مجدداً مسألة طيران الطيور في أكاديمية العلوم. وقد كان الموضوع محل جدال متواصل، فتعددت التجارب... بل ذهب البعض إلى فرضية مفادها أن عضلات الصدر عند الطيور تعرف تطوراً هائلاً مقارنة بالتدييات. وفي هذا الخضم، كتب نافيه تقريراً سنة 1829 عن طيران الطيور، وذلك أثناء مناقشة مذكرة حول هذا الموضوع قُدمت لأكاديمية العلوم. ناقش نافيه في تقريره إجراءات، وأورد مقارنات، وقدم فرضيات لم تقنع الجميع (انظر نص ج. م. أ. ديبروشي J.M.A Dubrochet وأعمال الفيزيولوجي إ. ج. ماري E. J. Marey⁹).

في الواقع، تُطلب توضيح مفارقة دالمبير قرابة قرن من الانتظار. وبفضل التعديل الجوهري الذي أُدخل على معادلات أويلر (وهي فكرة يبدو أنها كانت أيضاً لدى بري دو سانت فنان) وراعى الاحتكاكات داخل المائع، توصل نافيه إلى نموذج جديد سيسمح في آخر المطاف للطير بالطيران (رياضياتياً)! نُسب هذا النموذج أيضاً للعالم الشهير الأيرلندي جورج جابرييل ستوكس George Gabriel Stokes¹⁰، ولذا يحمل حالياً اسم معادلة نافيه-ستوكس¹¹. تسمح هذه المعادلة، على وجه الخصوص، بشرح ما يسمى بقوة الرفع¹² وقوة المقاومة¹³ لجسم مغمور في مائع يوصف بأنه "لزج" (القول إن الهواء لزج يتنافى مع الحدس، غير أنّ

⁷ انظر الموقع: https://fr.wikipedia.org/wiki/Jean_Le_Rond_d'Alembert

⁸ انظر الموقع: https://fr.wikipedia.org/wiki/Adhémar_Barré_de_Saint-Venant

⁹ انظر الموقع: https://fr.wikipedia.org/wiki/Étienne-Jules_Marey

¹⁰ انظر الموقع: https://en.wikipedia.org/wiki/Sir_George_Stokes,_1st_Baronet

¹¹ انظر الموقع: https://en.wikipedia.org/wiki/Navier_Stokes_equations

¹² انظر الموقع: [https://en.wikipedia.org/wiki/Lift_\(force\)](https://en.wikipedia.org/wiki/Lift_(force))

¹³ انظر الموقع: [https://en.wikipedia.org/wiki/Drag_\(physics\)](https://en.wikipedia.org/wiki/Drag_(physics))

الأمر يتعلق هنا بمسألة أخرى مرتبطة بظاهرة الطبقات الحدية التي لن نتعرض لها في هذا المقام). يمكن الإطلاع على الرسومات الرائعة¹⁴ التي سجلها إ. ج. ماري - رائد نفق الرياح (wind tunnel) الديناميكي الهوائي - بهدف مشاهدة تدفقات الهواء حين تواجه عقبة، مستعينا في ذلك بالدخان.

اليوم، لا يقتصر استعمال معادلات نافيه-ستوكس على محاولة فهم أفضل لتعقيدات آلية طيران الطيور فحسب، بل يفيدنا أيضا في تحليل الاضطرابات داخل الأنهار وتحرك كتل الهواء وجريان المحيطات. كما استُخدمت المعادلات في التنبؤات الجوية بعد إضافة حدّ (في نفس المعادلات) يراعي دوران الأرض (بفضل أعمال غ. غ. كوريوليس G. G. Coriolis¹⁵ الذي كان مقربًا من نافيه). نشير أيضا إلى أن هذه المعادلات تعتبر إحدى أهم مسائل جائزة الألفية التي اقترحتها معهد كلاي للرياضيات Clay Mathematical Institute¹⁶ على نبغاء رياضياتي القرن الحادي والعشرين.

للاستزادة:

- D. Marshall, T.O. Hands, I. Griffiths, G. Douglas (2011), "Trajectory of a falling Batman" , Physics Special Topics, Vol. 10 pp. 9-12.
<https://physics.le.ac.uk/journals/index.php/pst/article/view/484/289>
- G.Grimberg, W. Pauls, U. Frisch (2008), "Genesis of d'Alembert's paradox and analytical elaboration of the drag problem", Physica D: Nonlinear Phenomena, Vol. 237, No. 14-17, pp. 1878-1886.
<http://arxiv.org/abs/0801.3014>
- M.J.A. Dubochet (1834) "Recherches sur le vol des oiseaux et l'art aéronautique", Société Royale Académie de Nantes.
- كتاب عن "طيران الطيور" "le vol des oiseaux"، تأليف إتيان جولي-ماري Etienne-Jules Marey، نشر دار "ماسون" Masson، 1890.
<https://www.biusante.parisdescartes.fr/histoire/medica/resultats/index.php?cote=extacad31476&do=livre>
- مقالتان من موقع Images des Maths بعنوان :

Autour des équations de Navier

¹⁴ انظر الموقع: https://www.musee-orsay.fr/fr/evenements/expositions/aux-musees/presentation-detaillee/article/mouvements-de-lair-etienne-jules-marey-1830-1904-photographe-des-fluides-4216.html?tx_ttnews%5BbackPid%5D=649&cHash=4ee41d4cf4

¹⁵ انظر الموقع: https://fr.wikipedia.org/wiki/Gaspard-Gustave_Coriolis

¹⁶ انظر الموقع: https://fr.wikipedia.org/wiki/Clay_Mathematical_Institute

<http://images.math.cnrs.fr/Autour-des-equations-de-Navier.html>

Quand les maths donnent des ailes

<http://images.math.cnrs.fr/Quand-les-maths-donnent-des-ailes.html>

•BDs de J.-P. Petit: Aspirisouffle, Mecavol.

<http://www.savoir-sans-frontieres.com/JPP/telechargeables/Francais/ASPIRISOUFFLE.pdf>

<http://www.savoir-sans-frontieres.com/JPP/telechargeables/Francais/mecavol/mecavol.pdf>

<http://www.ipernity.com/doc/francoise-delestrade/13704109> : مصدر الصورة